

مفاهيم الرياضيات التطبيقية **الديناميكا**

الصف الثالث الثانوي

تفاضل و تكامل الدوال المتجهة:

و الحالت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع =
$$\frac{s-v}{s}$$
 = $\frac{s^2}{s}$ ف = الجاكانت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s^2}{s}$ = $\frac{s^2}{s}$ ف = الجاكانت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع، ت دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع من دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع من دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع من دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع من دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع من دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من ف، ع من دوال في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الزمن فإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الإن ع = $\frac{s}{s}$ الإن ع الإن ع = $\frac{s}{s}$ الجاكانت كل من في الإن ع = $\frac{s}{s}$ الإن ع = \frac

$$u s \Rightarrow 1 = \xi \iff \frac{\xi s}{v s} = \Rightarrow \Rightarrow$$

$$<$$
 إذا كانت جدالة في الإزاحة فإن $=$ ع $=$ ع $=$ $=$ $=$ $=$ ع $=$ ع

السرعة المتوسطة =
$$\frac{||\Delta u||^{\frac{1}{2}}}{||(|\Delta u||^{\frac{1}{2}})}$$
 ، متجة السرعة المتوسطة = $\frac{|V(||E||^{\frac{1}{2}})}{||(|\Delta u||^{\frac{1}{2}})}$

كمية حركة جسم عند لحظة ما هي كمية متجهة مقدار ها يساوي حاصل ضرب كتلة هذا الجسم في سرعته عند هذه اللحظة واتحاهها هو اتحاه السرعة نفسه

 Δ ہے کہ التغیر فی کمیة حرکة جسم ثابت الکتلة Δ Δ = ك Δ

$$\mathbf{v}$$
إذا كانت العجلة جدالة في الزمن ن فإن Δ م = ك ن \mathbf{v}

قانون نيوتن الأول:

كل جسيم يحتفظ بحالتة من حيث السكون أو الحركة المنتظمة في خط مستقيم ما لم تؤثر عليه قوة خارجية تغير من حالته

قانون نيوتن الثاني

جسم كتلته ك و يتحرك بعجلة منتظمة (ح)

$$v = - \times d$$

حيث محصلة القوى المؤثرة على الجسم

إذا كان ح
$$=\frac{83}{800}$$
 فإن معادلة الحركة تأخذ الصورة

$$\xi s \stackrel{\mathsf{T}^{\varepsilon}}{=} \mathsf{l}_{\mathsf{T}^{\varepsilon}} \vartheta = \boldsymbol{\nu} s \vartheta \stackrel{\mathsf{T}^{\circ}}{=} \mathsf{l}_{\mathsf{T}^{\circ}}$$

المان ح $=3\frac{23}{20}$ فإن معادلة الحركة تأخذ الصورة >

$$\xi \circ \xi \overset{\mathsf{r}^{\xi}}{=} \int_{\mathsf{r}^{\xi}} d = \mathbf{u} \circ \sigma \overset{\mathsf{r}^{\mathsf{u}}}{=} \int_{\mathsf{r}^{\mathsf{u}}} d \mathbf{r} d \mathbf$$

﴿ إِذَا كَانِتَ الْكُتَلَةُ مِتَغِيرٍ هَ فَإِنْ مَعَادِلَةُ الْحَرِكَةُ تَأْخُذُ الْصَوْرِةُ :

$$(\varepsilon \vartheta)^{\frac{s}{s}} = \vartheta$$

الوحدات المستخدمة مع معادلة الحركة

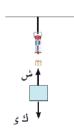
تطبيقات على قانون نيوتن على حركة جسم موضوع داخل مصعد:



حيث ر الوزن الظاهري) أو (قراءة الميزان) أو رد فعل أرضية المصعد



تطبيقات على قانون نيوتن على حركة جسم معلق في ميزان زنبركي مثبت في سقف المصعد



5,0

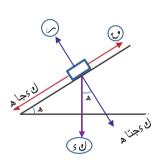
تطبيقات على قانون نيوتن على حركة المصعد

- المصعد ساكناً أو متحركاً بسرعة منتظمة b' = m
 - المصعد صاعدا بعجلة (ج) ش -ك $^{\prime}$ = ك $^{\prime}$ ج
 - المصعد هابطأ (ج) ك $^{\prime}$ ش = ك $^{\prime}$ ج

حيث ش (الشد في الحبل الذي يحمل المصعد) ، ك $^{\prime}$ هي الكتلة الكلية (كتلة المصعد بما فية من حمولة)

ملاحظات .

- إذا كان الوزن الظاهرى > الوزن الحقيقي فإن المصعد يكون متحركا لاعلى بعجلة منتظمة أو لأسفل بتقصير منتظم
- ﴿ إِذَا كَانَ الوزنَ الظَّاهِرِي < الوزنِ الحقيقي فإن المصعد يكون متحركا السفل بعجلة منتظمة أو الاعلى بتقصير منتظم



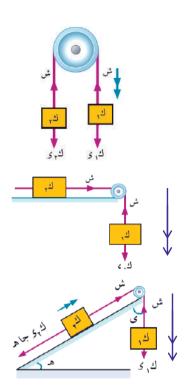
حركة جسم كتلته (ك) على مستوى مائل أملس يميل على الأفقى بزاويه قياسها (ه)

- ﴿ إِذَا كَانَ ١٠ > ك ٤ جا ه فإن الجسم يتحرك بعجله (ح) لأعلى المستوى
 - فتكون معادلة الحركة هي v-b و جا ه = b ج
- إذا كان v < v > 0 و جا ه فإن الجسم يتحرك بعجله (ح) لأسفل المستوى فتكون معادلة الحركة هي v > 0 و جا ه v > 0

حركة جسم كتلته (ك) على مستوى مائل خشن يميل على الأفقى بزاويه قياسها (ه)

وكان (من) هو معامل الاحتكاك الحركي)

- 🔪 إذا كانت الحركة لأعلى
- فتكون معادلة الحركة هي ٥٠ ك ٤ جاه من ك ٤ جتاه = ك ج
 - 🔪 إذا كانت الحركة الأسفل



البكرات البسيطة:

معادلات الحركة
 ك ، ح=ك ، 5 - ش
 ك ، ح= ش-ك ، 5
 الضغط على البكرة = ٢ ش

الدفع و كمية الحركة:

إذا أثرت قوة v ثابتة المقدار على جسم خلال فترة زمنية v فإن دفع هذه القوة v: v على جسم خلال فترة زمنية v فار منية v أو المرادالة في الزمن) على جسم خلال الفترة الزمنية v v أو المرادالة في الزمن) على جسم خلال الفترة الزمنية v أو المرادالة في الزمن) على جسم خلال الفترة الزمنية v أو التغير في كمية الحركة الى ع م فإن الدفع v أو المراكة أو المر

التصادم المرن:

لايحدث تشوه أو توليد حرارة نتيجة أصطدام جسمين والايحدث فقد في طاقة الحركة

ك, ع, +ك, ع, =ك, ع, +ك, ع,

أى أن مجموع كميتى الحركة بعد التصادم مباشرة = مجموع كميتى الحركة قبل التصادم مباشرة وبالتالى فإنه إذا تصادمت كرتان ملساوان فإن مجموع كميتى حركتهما لا يتغير نتيجة للتصادم.

ويمكن استخدام القياسات الجبرية على النحو الآتى:

(2, 3) - (2, 3) - (3, 3)

التصادم المباشر: تكون فيه السرعتان قبل التصادم مباشرة تو ازيان خط المركزين عند لحظة التصادم.

التصادم غير المرن

يقصد بالتصادم غير المرن ، أن يحدث تشوه أو تتولد حرارة أو تلتحم الأجسام ، نتيجة لعملية التصادم ويحدث فقد في طاقة الحركة ويكون:

$$\frac{2}{2}$$
 (باستخدام المتجهات حالة الإلتحام (في + ك ,) ع $\frac{2}{3}$

الشغل المبذول شم)

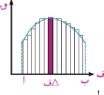
- النص القوة ثابتة و التجاهها موازى لاتجاه الإزاحة فإن $\dot{v} = v \times \dot{v}$
- 🔾 إذا كانت القوه ثابتة و إتجاهها عمودي على إتجاه الأزاحة ق (هُ)= ٩٠° فإن ش= صفر
- باد كانت القوه ثابتة و إتجاهها مضاد لإتجاة الأزاحة ق \hat{a} الله عند فإن شa=-v imes v

الشغل المبذول من قوة متغيرة:

الشغل المبذول من قوة متغيرة موازية لإتجاه الحركة مقدارها (v) حيث (v) دالة في الازاحة ho

اللازم لتحريك جسم من النقطة م إلى النقطة بهو الشغل (ش) =
$$\int_{0}^{1}$$
 ب وف

وحدات قیاس الشغل: جول (نیوتن. متر) = ۲ ارج (داین . سم) ، ث کجم.م = ۹٫۸ جول



طاقة الحركة:

طاقة حركة جسم هى الطاقة التى يكتسبها الجسم بفضل سرعته وتقدر عند لحظة ما بنصف حاصل ضرب كتلة هذا الجسم في مربع سرعته عند هذه اللحظة ويرمز لها بالرمز (ط) فإذا كانت ك كتلة الجسيم، ع متجه سرعته، ع القياس الجبرى لهذا المتجه فإن:

$$d = \frac{1}{7} \ge \left\| \frac{3}{7} \right\|^7 = \frac{1}{7} \ge 3^7 = \frac{1}{7} \ge \left(\frac{3 \cdot 3}{3 \cdot 3} \right)$$

♦ وحدة قياس طاقة الحركة =وحدة قياس الشغل

مبدأ الشغل و الطاقة : التغير في طاقة الحركة = الشغل المبذول طـط. = شم

طاقه الوضع: ص= ك و ف

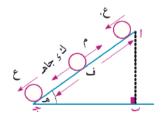
التغير في طاقة الوضع = سالب الشغل ص- ص- = - شه

بقاء الطاقة

إذا أنتقل جسم من موضع إلى موضع آخر بدون أن يلاقى أى مقاومة فإن مجموع طاقتى الحركة والوضع عند م يساوى مجموع طاقتى الحركة والوضع عند ب

مجموع طاقتي الحركة والوضع يظل ثابئا أثناء الحركة

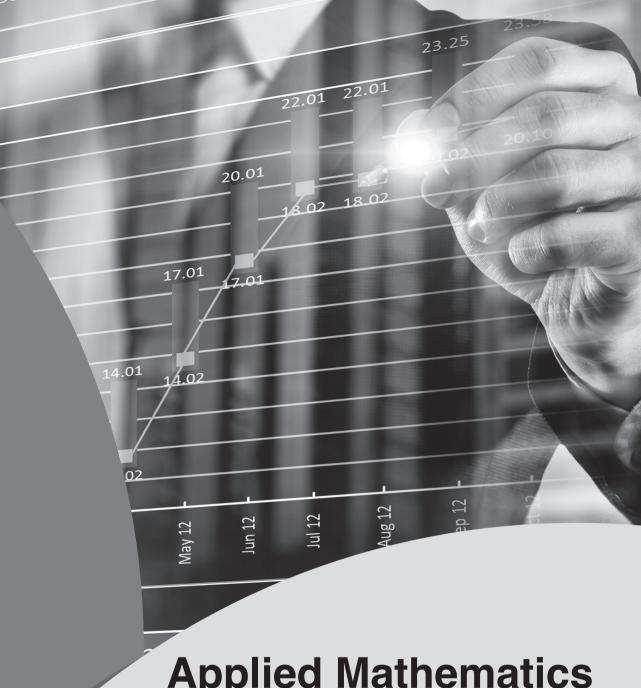
الحركة على مستوي مائل خشن



إذا هبط جسم على مستوى مائل خشن تحت تأثير وزنه فقط من الموضع إلى الموضع حفإن التغير في طاقة الوضع = التغير في طاقة الحركة + الشغل المبذول ضد المقاومات.

الحصان = ۲۰ ثقل کجم . متر / ث = ۲۰ \times ۹٫۸ نیوتن .م/ ث (وات)

الشغل المبذول =
$$\int_{0}^{\infty}$$
 القدرة و ω



Applied MathematicsDynamics

3rd Secondary Concepts Sheet